

$$\begin{aligned}
 E &= \frac{7}{6} + \sqrt{5} - \left(a + \frac{5}{12}\right) \\
 &= \frac{7}{6} + \sqrt{5} - a - \frac{5}{12} \\
 &= \frac{14}{12} - \frac{5}{12} + \sqrt{5} - a \\
 &= \frac{9}{12} + \sqrt{5} - a \\
 &= \frac{3}{4} + \sqrt{5} - a
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 E &= \frac{9}{12} + \sqrt{5} - a \quad ; \quad a = -\frac{5}{12} \\
 E &= \frac{9}{12} + \sqrt{5} - \left(-\frac{5}{12}\right) \\
 &= \frac{9}{12} + \sqrt{5} + \frac{5}{12} = \sqrt{5} + \frac{14}{12} = \sqrt{5} + \frac{7}{6} \\
 E &= \frac{3}{4} + \sqrt{5} - a \quad a = \sqrt{5} \\
 &= \frac{3}{4} + \sqrt{5} - \sqrt{5} = \frac{3}{4} \\
 E &= -\frac{3}{4} \\
 \frac{3}{4} + \sqrt{5} - a &= -\frac{3}{4} \\
 \frac{3}{4} + \sqrt{5} &= -\frac{3}{4} + a \\
 \frac{3}{4} + \sqrt{5} + \frac{3}{4} &= a \\
 a &= \sqrt{5} + \frac{6}{4} \\
 &= \sqrt{5} + \frac{3}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A &= a - [b - (a+3)] - (a-b) - \left(\frac{1}{2} - b\right) \\
 &= a - [b - a - 3] - a + b - \frac{1}{2} + b \\
 &= a - b + a + 3 - a + b - \frac{1}{2} + b \\
 &= a + b + \frac{6}{2} - \frac{1}{2} \\
 A &= (a+b) + \frac{5}{2}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A &= \frac{4}{3} \\
 (a+b) + \frac{5}{2} &= \frac{4}{3} \\
 a+b &= \frac{4}{3} - \frac{5}{2} \\
 a+b &= \frac{8}{6} - \frac{15}{6} = -\frac{7}{6}
 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
 A &= -[3 - (x - \sqrt{2})] + [-(3 - \sqrt{2}) - y] \\
 &= -[3 - x + \sqrt{2}] + [-3 + \sqrt{2} - y] \\
 &= -3 + x - \sqrt{2} + (-3) + \sqrt{2} - y \\
 &= x - y - 6
 \end{aligned}$$

تمرين عدد 1

- تعبير العبارة $E = \frac{7}{6} + \sqrt{5} - \left(a + \frac{5}{12}\right)$ حيث a عدد حقيقي
- (1) أختصر العبارة E
 - (2) أوجد العبارة E إذا كان $a = -\frac{5}{12}$ ثم $a = \sqrt{5}$
 - (3) أوجد العدد الحقيقي a حيث E و $\frac{3}{4}$ عدنان متقابلان

تمرين عدد 2

- ليكن a و b عدنان حقيقيان
- (1) أختصر العبارة التالية $A = a - [b - (a+3)] - (a-b) - \left(\frac{1}{2} - b\right)$
 - (2) أوجد $a+b$ إذا كان $A = \frac{4}{3}$

تمرين عدد 3

- تعبير العبارة $A = -[3 - (x - \sqrt{2})] + [-(3 - \sqrt{2}) - y]$
- (1) بين أن $A = x - y - 6$
 - (2) أوجد A إذا كان $x = \frac{3}{2}$ و $y = \frac{1}{5}$
 - (3) أوجد A إذا كان $|x - y| = 6$

تمرين عدد 4

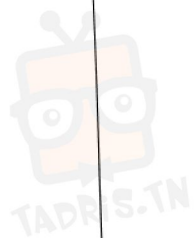
ليكن Δ مستقيما مدرجا بمعين $(0, 1)$

(1) عين على المستقيم Δ النقاط A و B و C فاصلاتها على التوالي 2 و $\frac{5}{2}$ و -3

(2) أوجد AC و BC

(3) ليكن J منتصف $[AB]$ ابحت عن فاصلة النقطة J

(4) ليكن M نقطة من Δ حيث $AM = 3 + \sqrt{2}$. أوجد فاصلة النقطة M عما لها من M عملاؤها سالبة



$$A = x - y - 6$$

$$y = \frac{1}{5}$$

$$x = \frac{3}{2}$$

$$\begin{aligned} A &= \frac{3}{2} - \frac{1}{5} - \frac{6}{1} \\ &= \frac{15}{10} - \frac{2}{10} - \frac{60}{10} = \frac{15 + (-2) + (-60)}{10} = \frac{-47}{10} \end{aligned}$$

$$A = x - y - 6$$

$$x - y = 6 \text{ و } x - y = -6 \text{ يعني } |x - y| = 6$$

$$A = 6 - 6 = 0 \text{ و } A = -6 - 6 = -12$$



في دارك... إتهنوني على قرابت إصغارك





تمرين 5

نعتبر العبارتين التاليتين:

$$A = -|\sqrt{3}+2| - (\sqrt{17}-3,5) + \left(\sqrt{\frac{48}{27}}-1\right) + \left[\sqrt{3}^2 - \left(-\sqrt{17} + \sqrt{\frac{9}{4}} + \sqrt{\frac{16}{9}}\right)\right] - \sqrt{(-1)^2}$$
$$A = -(\sqrt{3}+2) - \sqrt{17} + 3,5 + \sqrt{\frac{48}{27}} - 1 + \left[\sqrt{3}^2 + \sqrt{17} - \sqrt{\frac{9}{4}} - \sqrt{\frac{16}{9}}\right] - \sqrt{(-1)^2}$$
$$= -\sqrt{3} - 2 - \sqrt{17} + 3,5 + \sqrt{\frac{16}{9}} - 1 + 3 + \sqrt{17} - \frac{3}{2} - \sqrt{\frac{16}{9}} - 1$$
$$= -\sqrt{3} + \frac{7}{2} - \frac{3}{2} - 1$$
$$= -\sqrt{3} + 2 - 1 = -\sqrt{3} + 1$$

$$B = \sqrt{15} - (4 - \pi) - \left[-(\sqrt{3} - \pi)\right] + (2 - \sqrt{15})$$
$$= \sqrt{15} - 4 + \pi + \sqrt{3} - \pi + 2 - \sqrt{15}$$
$$= \sqrt{3} - 2$$

$$B + (A+1) = \sqrt{3} - 2 + (-\sqrt{3} + 1 + 1)$$
$$= \sqrt{3} - 2 - \sqrt{3} + 2 = 0$$

إن B و $A+1$ متقابلان

$$B + (A+1) = 0$$
$$B + A + 1 = 0$$
$$(B+1) + A = 0$$

و من A و $B+1$ متقابلان

$$B = \sqrt{15} - |4 - \pi| - |\sqrt{3} - \pi| + (2 - \sqrt{15})$$

- (1) بين أن $A = -\sqrt{3} + 1$
- (2) بين أن $B = \sqrt{3} - 2$
- (3) بين أن $A+1$ و B متقابلان.
- (4) استنتج أن A و $B+1$ متقابلان.



في دارك... إتهنوني على قرابتك إصغارك



$$A = |x - \sqrt{2}| - (-x) - |\sqrt{2} - 1| - |-2\sqrt{2}| \quad (1)$$

$$= -(x - \sqrt{2}) + x - (\sqrt{2} - 1) - 2\sqrt{2}$$

$$= -x + \sqrt{2} + x - \sqrt{2} + 1 - 2\sqrt{2}$$

$$A = 1 - 2\sqrt{2}$$

$$B = |1 - x| + (\sqrt{2} - y) - \sqrt{1} \quad (2)$$

$$= 1 - x + \sqrt{2} - y - 1$$

$$B = -x - y + \sqrt{2}$$

$x + y = 0$ متقا بلان يعني $x = -y$

$$B = -x - y + \sqrt{2}$$

$$= -(x + y) + \sqrt{2}$$

$$= -0 + \sqrt{2} = \sqrt{2}$$

$$1 - 2\sqrt{2} = -x - y + \sqrt{2} \quad (4)$$

$$x + y = -1 + 2\sqrt{2} + \sqrt{2}$$

$$x + y = -1 + 3\sqrt{2} \quad (5)$$

$$B = -x - y + \sqrt{2}$$

$$B = -\sqrt{2} - (-\sqrt{2}) + \sqrt{2}$$

$$B = \sqrt{2}$$

$$x = \sqrt{2}; y = -\sqrt{2}$$

تمرين 6

ليكن $x \in \mathbb{R}_-$ و $y \in \mathbb{R}$ و A و B العبارتين التاليتين حيث:

$$A = |x - \sqrt{2}| - (-x) - |\sqrt{2} - 1| - |-2\sqrt{2}|$$

$$B = |1 - x| + (\sqrt{2} - y) - \sqrt{1}^2$$

$$(1) \text{ بين أن } A = 1 - 2\sqrt{2}$$

$$(2) \text{ بين أن } B = -x - y + \sqrt{2}$$

(3) أحسب B علما أن x و y متقابلان.

(4) أحسب $x + y$ علما أن $B = A$.

(5) أحسب B علما أن $x = \sqrt{2}$ و $y = -\sqrt{2}$.

(6) أوجد x علما أن B و $y + \sqrt{3}$ متقابلان.

$$B + (y + \sqrt{3}) = 0 \quad (6)$$

$$(-x - y + \sqrt{2}) + y + \sqrt{3} = 0$$

$$-x - y + \sqrt{2} + y + \sqrt{3} = 0$$

$$\boxed{\sqrt{2} + \sqrt{3} = x}$$

$$-x = -\sqrt{2} - \sqrt{3}$$

$$x = \sqrt{2} + \sqrt{3}$$

$$E = -(\pi - 4 + a) - (\sqrt{2} - \pi) - |-2| \quad /1$$

$$= -\pi + 4 - a - \sqrt{2} + \pi - 2$$

$$= -a - \sqrt{2} + 2$$

$$F = |a - \sqrt{2}| - [3 - \sqrt{2} - a] + |-a + 3| - |a| \quad /2$$

$$= -(a - \sqrt{2}) - 3 + \sqrt{2} + a + (-a + 3) - (-a)$$

$$= -a + \sqrt{2} - 3 + \sqrt{2} + a - a + 3 + a$$

$$= 2\sqrt{2} \quad /3$$

$$E + F = -a - \sqrt{2} + 2 + 2\sqrt{2}$$

$$= -a + 2 + \sqrt{2}$$

$$E + F = 0 \text{ يعني } E \text{ و } F \text{ متقابلان} \quad /4$$

$$-a + 2 + \sqrt{2} = 0 \text{ يعني}$$

$$a = 2 + \sqrt{2}$$

$$|E + F| = \sqrt{2} - 2 < 0$$

$$\boxed{14} \text{ لا يمكن} \quad -4 - 2\sqrt{2} \quad /3 \quad 4 \quad /2 \quad 2\sqrt{2} \quad /1$$

$$|E + F| = \sqrt{2}$$

$$\boxed{2 + 2\sqrt{2} \text{ أو } -2} \quad /3 \quad 2 + 2\sqrt{2} \quad (2) \quad a = -2 \quad /1$$

$$\sqrt{x^2} = |x|$$

تمرين 7

ليكن $a \in \mathbb{R}$ و E و F العبارتين التاليتين حيث:

$$E = |\pi - 4 + a| - (\sqrt{2} - \pi) - \sqrt{(-2)^2}$$

$$F = \sqrt{(a - \sqrt{2})^2} - [\sqrt{9} - (\sqrt{2} + a)] + |-a + 3| - \sqrt{a^2}$$

(1) بين أن $E = -a - \sqrt{2} + 2$

(2) بين أن $F = 2\sqrt{2}$

(3) بين أن $E + F = -a + \sqrt{2} + 2$

(4) أوجد a علما أن E و F متقابلان.

(5) أوجد ان أمكن ذلك العدد الحقيقي a في الحالتين التاليتين:

(أ) $|E + F| = \sqrt{2} - 2$

(ب) $|E + F| = \sqrt{2}$

$|x| = a$
 $x = -a$ أو $x = a$

$$E + F = -\sqrt{2}$$

$$-a + 2 + \sqrt{2} = -\sqrt{2}$$

$$2 + \sqrt{2} + \sqrt{2} = a$$

$$\boxed{a = 2 + 2\sqrt{2}}$$

$|x| = 0$
 $x = 0$ يعني

يعني $E + F = \sqrt{2}$ أو
 $-a + 2 + \sqrt{2} = \sqrt{2}$ أو
 $2 + \sqrt{2} - \sqrt{2} = a$ أو
 $\boxed{a = 2}$

$|x| = a$
 $x = -a$ أو $x = a$